

# Estruturas de dados

Listas Lineares



# Estruturas Lineares

- ◆ Estruturas de Dados Básicos
  - ◆ **Listas Lineares**
  - ◆ Pilhas
  - ◆ Filas

# Listas

- ◆ Uma lista é um conjunto de dados e de número variável de elementos.
- ◆ Há 2 tipos de listas:
  - ◆ Lista seqüencial (por meio de Arranjos)
  - ◆ Lista encadeada (por meio de Estruturas Auto-Referenciadas)

# Lista

- ◆ Uma lista é um conjunto de  $n$  nós ( $n \geq 0$ ;  $X_1, X_2, \dots, X_n$ ) com as seguintes propriedades:
  - ◆ Se  $n > 0$ , então  $X_1$  é o primeiro nó da lista e  $X_n$  é o último;
  - ◆ Para  $1 < k < n$ ,  $X_k$  é precedido por  $X_{k-1}$  e sucedido por  $X_{k+1}$  ;
  - ◆ Se  $n = 0$ , então a lista é **vazia**.

# Lista seqüencial

- Uma lista seqüencial aproveita a seqüencialidade da memória.
- Uma lista  $L$  (com  $n$  nós e todos os nós de mesmo tamanho) ocupa um espaço consecutivo na memória equivalente a  $n \cdot \text{tamanho do nó}$ .
- A lista seqüencial é um vetor .



$m$  – número máximo de elementos que a lista  $L$  pode armazenar;

$n$  – número de elementos existentes em um determinado momento.

# Lista seqüencial

## ◆ Operações

- ◆ **Acesso** a um determinado elemento.
- ◆ **Inserção** de um novo elemento.
- ◆ **Remoção** de um elemento.
- ◆ **Concatenação** de duas ou mais listas lineares.
- ◆ **Separação** de uma lista em duas ou mais listas.
- ◆ **Ordenação**.
- ◆ **Contagem** de elementos.

# Listas encadeadas

- ◆ As **listas encadeadas** permitem a utilização de estruturas flexíveis em relação à sua quantidade de elementos.
- ◆ Cada elemento é um nó composto por:
  - ◆ uma parte que **armazena dados** e
  - ◆ outra que **armazena campos de referencia** com outros nós.
- ◆ O campo de **referencia** dos nós **contém o endereço de memória** onde o próximo nó está armazenado.
- ◆ A passagem de um nó para outro da estrutura encadeada é realizada através dos endereços do próximo nó.
  - ◆ Os nós podem estar em **qualquer lugar** na memória.
- ◆ As estruturas encadeadas podem ser implementadas de diferentes modos, no entanto, a implementação mais flexível é por meio de **ponteiros**.

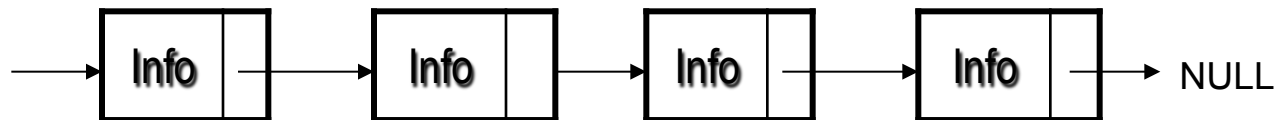
# Listas encadeadas

- ◆ As listas encadeadas permitem **fácil inserção e remoção** de elementos sem um impacto global na estrutura.
- ◆ A lista encadeada é vantajosa quando há elementos que apresentam prioridade de acesso.
- ◆ **Desvantagem** da lista encadeada:
  - ◆ o acesso seqüencial.
    - ◆ Para acessar um nó no meio da lista, todos os nós anteriores (ou posteriores) devem ser visitados.
  - ◆ a necessidade de armazenar informações adicionais
    - ◆ os ponteiros para outros nós.



# Listas simplesmente encadeadas

- Se um nó tem uma referencia **somente** para o seu sucessor na seqüência, a lista é **simplesmente encadeada**.
- Os nós são formados por um registro que possui **pelos menos 2 campos**,
  - 1- a informação e
  - 2- o endereço de memória onde está armazenado o próximo elemento da lista.



# Listas simplesmente encadeadas

O nó pode ser declarado por meio da seguinte estrutura:

```
struct node
{
    int info;
    struct node *proximo;
};
node usuario1, * usuario2;
```

- ◆ `usuario1.info` → Membro info do objeto usuario1
- ◆ `usuario2->info` → Membro info do objeto apontado por usuario2

# Listas simplesmente encadeadas

- Para criar uma lista encadeada **deve-se** manter uma variável armazenando sempre o endereço do primeiro elemento da lista.

```
aloca(primeiro)
se (primeiro) <> nulo
    primeiro->dados = 10
    primeiro->proximo=nulo
```

- Para o segundo elemento da lista.

```
aloca(n)
se (n) <> nulo
    n->dados = 8
    n->proximo=nulo
primeiro->proximo = n
```

# Listas simplesmente encadeadas

## ◆ Generalizando:

aloca(p)

se (p<>nulo)

    p->dados = valor

    p->proximo=nulo

    se (primeiro==nulo) (se a lista estiver vazia)

        primeiro=p

ultimo=p

# Listas simplesmente encadeadas

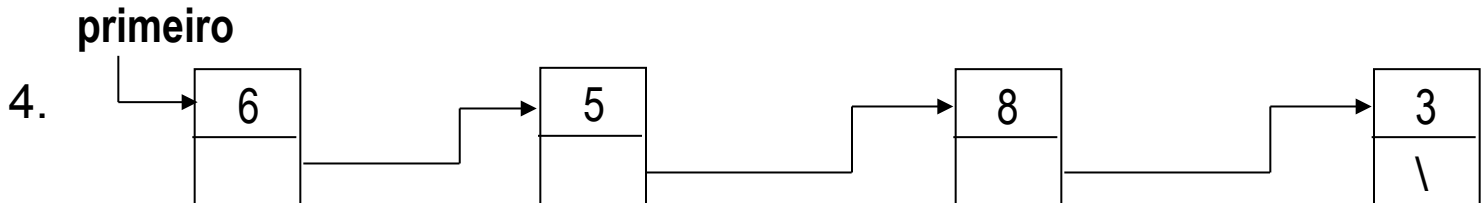
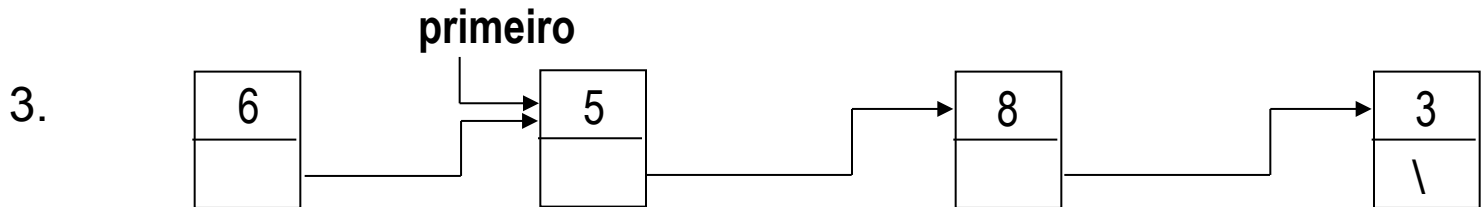
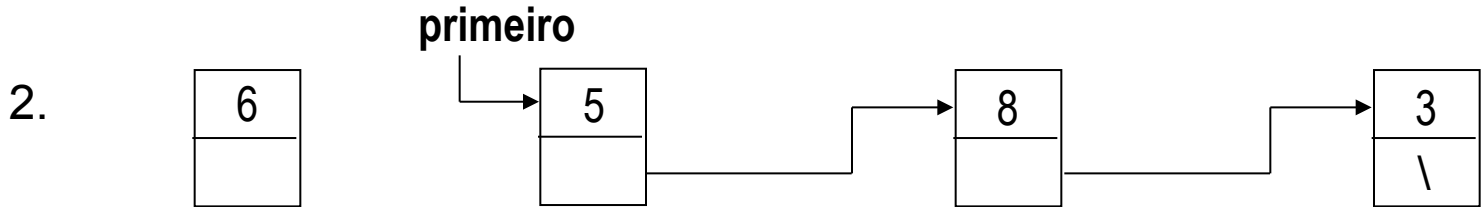
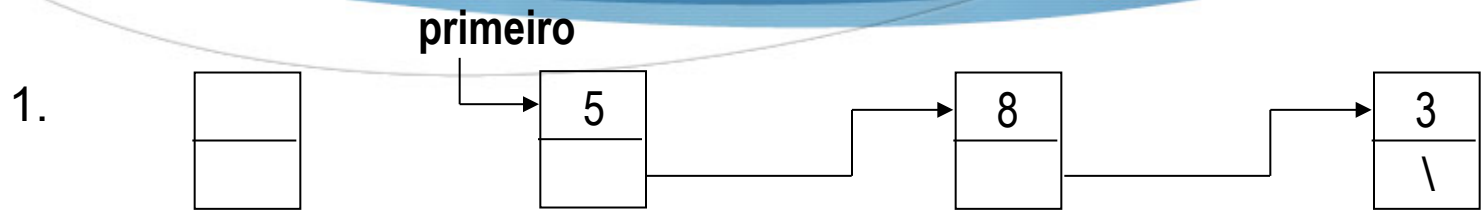
## ◆ Operações

- ◆ **Inserção** de um nó no início da lista.
- ◆ **Inserção** de um nó no fim da lista.
- ◆ **Inserção** de um nó antes de um nó endereçado por  $k$ .
- ◆ **Remoção** de um nó do início da lista.
- ◆ **Remoção** de um nó do fim da lista.
- ◆ **Remoção** de um nó antes de um nó endereçado por  $k$ .
- ◆ **Remoção** de um nó com um valor determinado.
- ◆ **Busca**.

# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ Inserção de um novo elemento **no início da lista**.
  - ◆ A adição é realizada em 4 etapas.
    1. Um nó vazio é criado.
    2. O membro **info** do nó é inicializado com um valor particular.
    3. Como o nó é incluído no início da lista, o membro proximo se torna um ponteiro para o atual primeiro nó da lista.
    4. O novo nó precede todos os nós da lista de forma que o endereço do **primeiro** nó deve ser atualizado.

# Listas simplesmente encadeadas

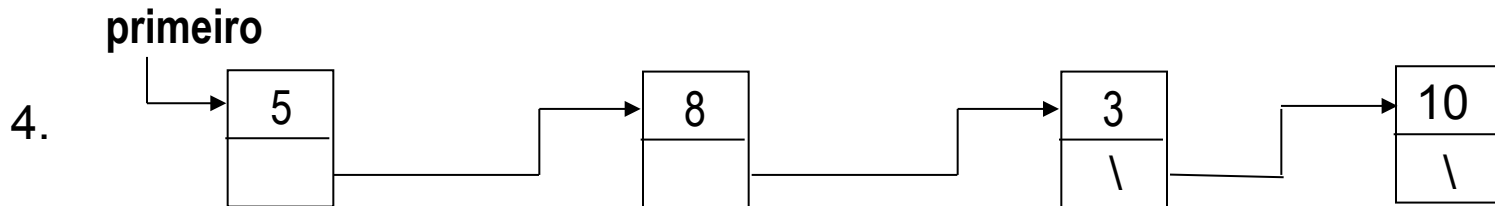
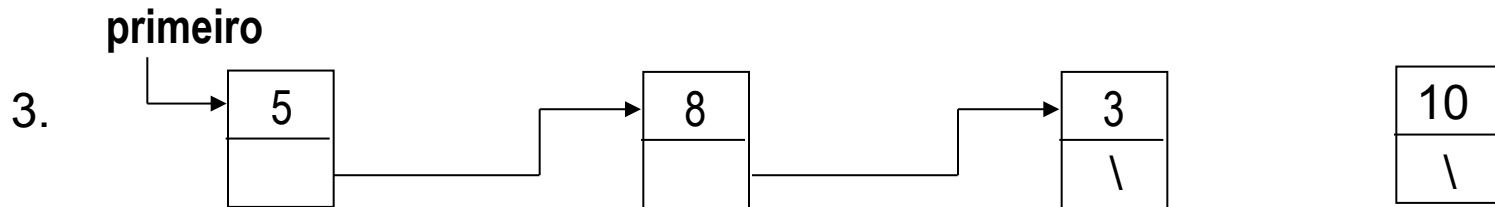
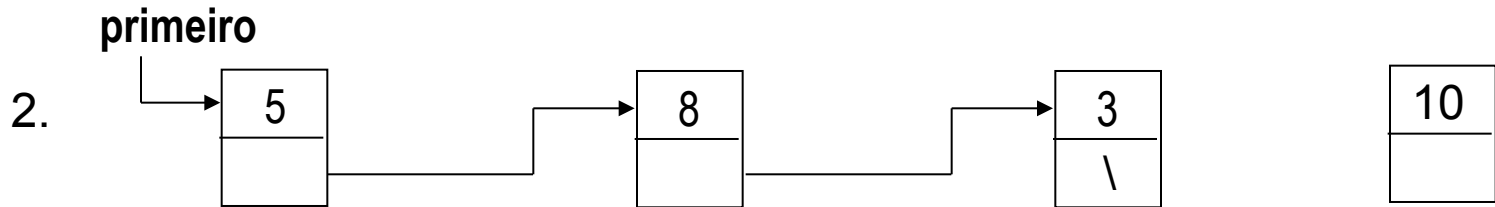
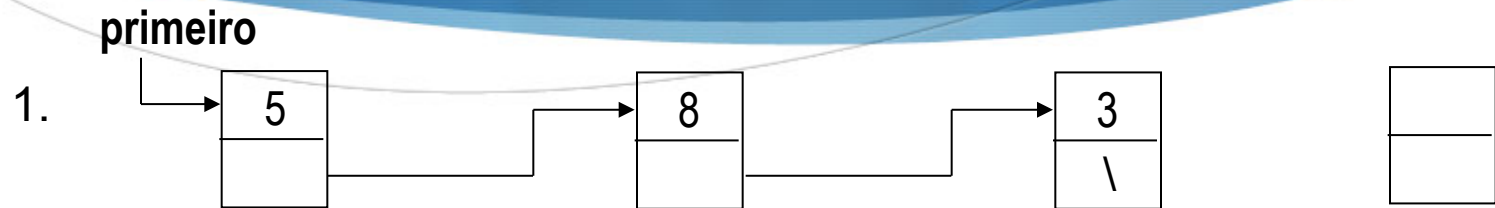


# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ Inserção de um novo elemento **no fim da lista**.
  - ◆ A adição é realizada em 4 etapas.
    1. Um nó vazio é criado.
    2. O membro **info** do nó é inicializado com um valor particular.
    3. Como o nó é incluído no final da lista, o membro **proximo** deste novo nó se torna **nulo**.
    4. O novo nó é incluído no fim lista de forma que o membro **proximo** do nó anterior deverá apontar para o **novo nó**.



# Listas simplesmente encadeadas



# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ Inserção de um novo elemento.
  - ◆ **Normalmente** a inserção de elementos ocorre a partir do último elemento da lista.
  - ◆ Para evitar percorrer toda a lista, pode-se armazenar o endereço do **último** elemento da lista.

# Listas simplesmente encadeadas

```
#include <iostream>
#include <new>
using namespace std;
struct node{
    int info;
    struct node *proximo;
};
void novoDado( ){
    node *novo = new node;
    cout << "Insira a informacao: ";
    cin >> novo->info;
}
```

Inserir no início / inserir no fim → procedimentos diferentes

# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ A função `novoDado( )` adiciona um nó à lista.
- ◆ Primeiramente, uma nova estrutura do tipo **node** é criada pela instrução:  

```
node *novo = new node;
```
- ◆ A instrução reserva memória para armazenar a estrutura e atribui o endereço desta memória ao ponteiro **novo**.
- ◆ Em seguida, a informação da nova estrutura é preenchida pelo usuário.

# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ Remoção
  - ◆ Uma operação de remoção consiste em remover um nó da lista e retornar o valor armazenado neste nó.
  - ◆ A operação de remoção permite liberar o espaço em memória referente ao nó especificado.
  - ◆ Há dois casos especiais a serem tratados:
    - ◆ Remoção de um nó de uma lista vazia
    - ◆ Remoção de um nó de uma lista com somente um nó

# Listas simplesmente encadeadas

- Remoção de um nó do **início da lista**.

```
se (primeiro==nulo) status=falso // a lista está vazia
senao {
    aux=primeiro
    valor = aux->dados
    primeiro=primeiro->proximo
    se primeiro= nulo fim=nulo
    libera (aux)
    status = verdadeiro
}
retorna valor
```

# Listas simplesmente encadeadas

- ◆ Remoção de um nó do **fim da lista**.
  - ◆ Para remover um nó do fim da lista deve-se considerar 3 situações:
    - ◆ **Lista Vazia:** Para verificar se a lista está vazia basta verificar a variável **primeiro**, se o conteúdo for nulo, a lista está vazia.
    - ◆ **Lista com apenas um elemento:** Neste caso, verifica-se o conteúdo do campo **próximo** do primeiro nó da lista, se o conteúdo for nulo, a lista possui apenas um elemento.
    - ◆ **Lista com dois ou mais elementos:** Se nenhuma das situações anteriores for verdadeira, a lista possui dois elementos ou mais.

# Listas simplesmente encadeadas

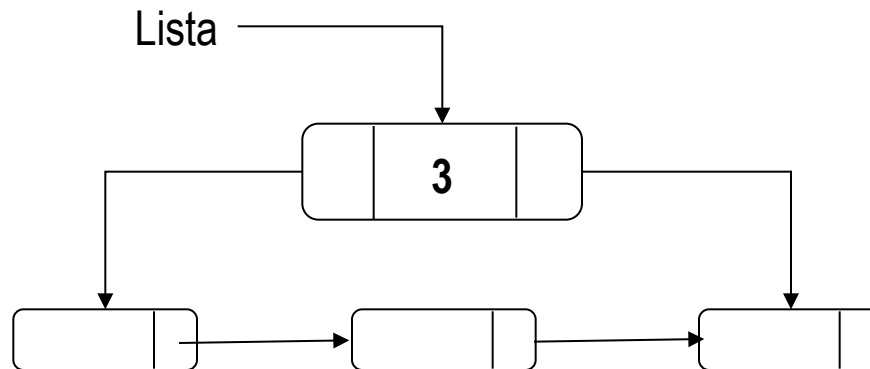
## Remoção de um nó do fim da lista.

```
se (primeiro==nulo) status=falso // a lista está vazia
senão{
    se (primeiro->proximo == nulo){ // a lista tem um único nó
        valor = primeiro->dados
        libera (primeiro)
        fim = nulo
        primeiro= nulo
    }
    p= primeiro
    enquanto (p->proximo <> nulo) {
        aux=p
        p=p->proximo
    }
    valor=p->dados
    aux->proximo=nulo
    fim=aux
    libera(p)
    status = verdadeiro
}
retorna valor
}
```



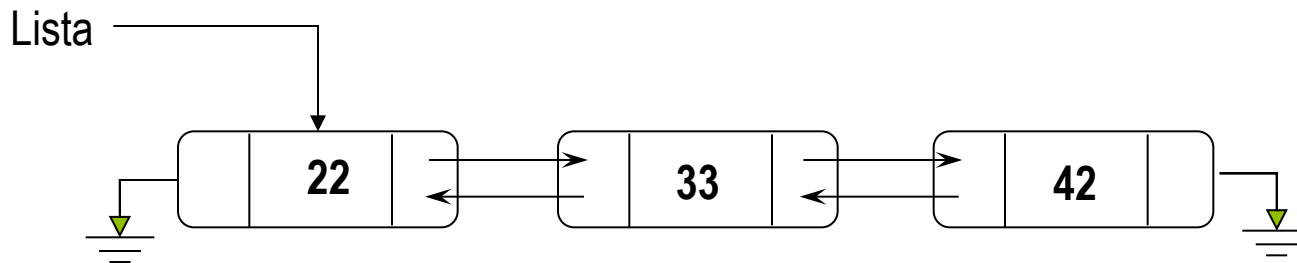
# Listas encadeadas com header

- Para facilitar a gerência de informações de início e fim da lista pode-se reunir as referências em uma única estrutura chamada **descriptor, líder ou header da lista**.
- O acesso aos elementos da lista é sempre realizado por meio do header.
- O header pode conter informações como: **início e fim da lista, quantidade de nós da lista e outras informações que se deseje**.



# Listas duplamente encadeadas

- ◆ Nas listas duplamente encadeadas, os nós contêm **dois ponteiros**
  - ◆ um para o **sucessor** e
  - ◆ outro para o **predecessor**.



# Listas duplamente encadeadas

- ◆ Definição da lista duplamente ligada com estruturas

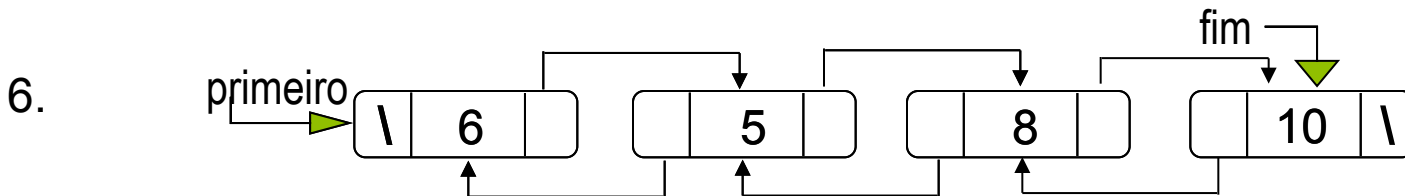
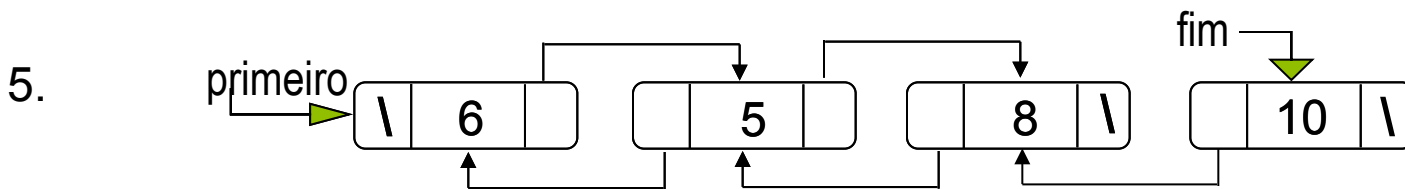
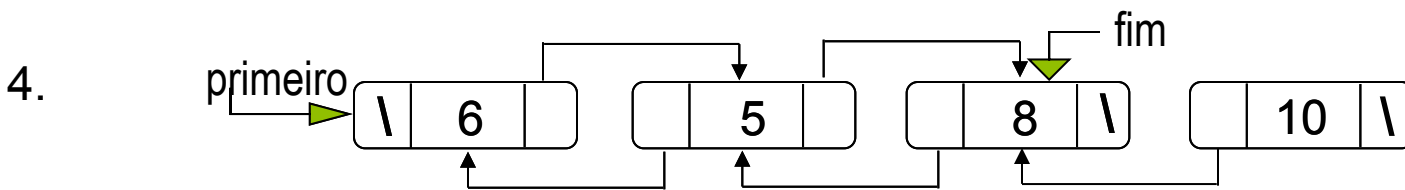
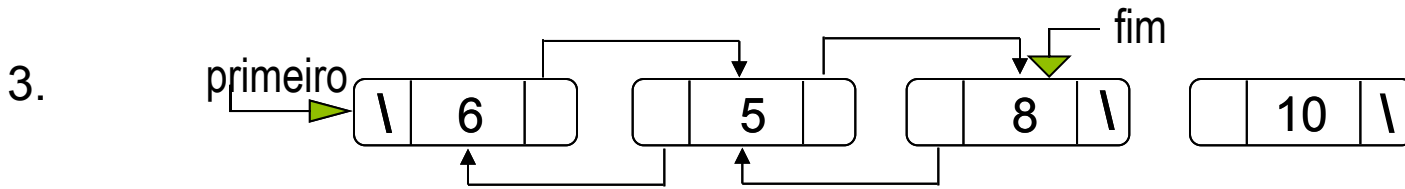
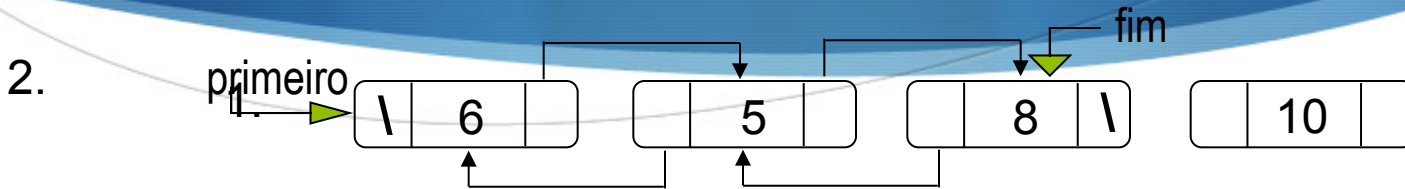
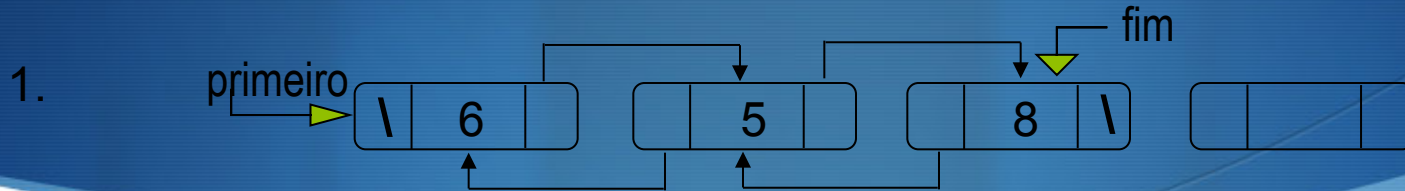
```
struct Node{  
    struct Node *anterior;  
    int dados;  
    struct Node *proximo;  
};  
struct Node *primeiro=NULL, *fim=NULL;
```

# Listas duplamente encadeadas

## ◆ Inserção de um nó no final da lista

1. O nó é criado.
2. Insere-se o dado.
3. O ponteiro para próximo torna-se nulo.
4. O ponteiro para prev deve apontar para o último nó da lista (fim).
5. O valor de fim é ajustado para o novo nó .
6. O ponteiro proximo do nó anterior toma o endereço do novo nó.

# Listas duplamente encadeadas



# Listas duplamente encadeadas

Inserção de um nó no final da lista

aloca (p)

se (p<> nulo)

p->dados = valor

p->prev=fim

p->prox = nulo

fim->prox = p

fim = p

se (primeiro== nulo)

primeiro= fim

# Listas duplamente encadeadas

Inserção de um nó no início da lista

```
aloca (p)
```

```
  se (p<> nulo)
```

```
    p->dados = valor
```

```
    p->prox=topo
```

```
    topo->prev=p
```

```
    p->prev = nulo
```

```
    primeiro= p
```

```
    se (fim == nulo)
```

```
      fim=topo
```

# Listas duplamente encadeadas

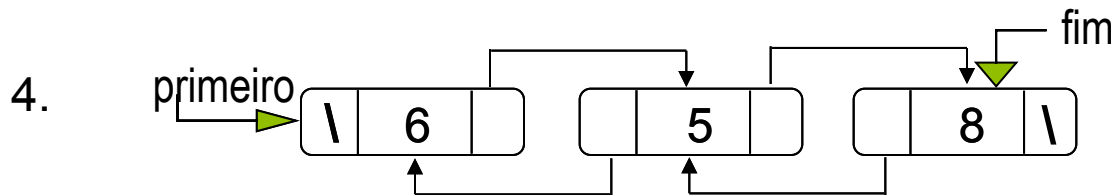
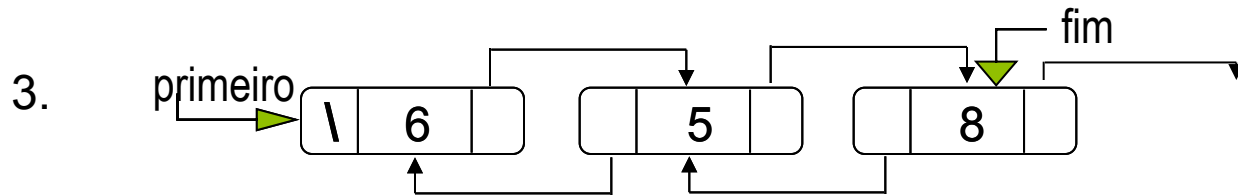
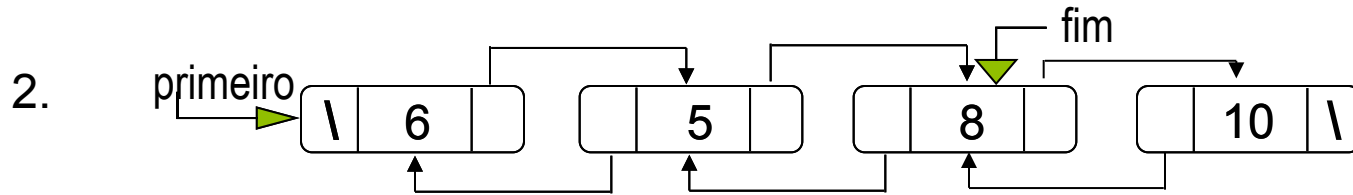
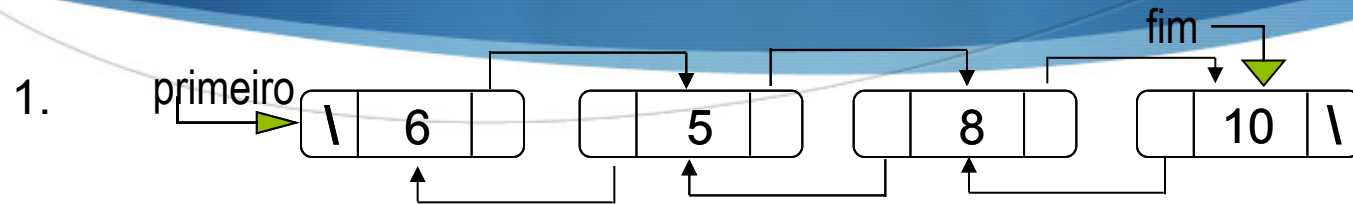
Remoção de um nó do fim da lista

```
se (primeiro<> nulo)
    aux = fim
    fim = aux->prev
    se (fim == nulo)
        topo = nulo
    senão fim->prox = nulo
    valor = aux->dados
    libera (aux)
    status=verdadeiro
    retorna valor
senão
    status=falso
```



# Listas duplamente encadeadas

Remoção de um nó do fim da lista



# Listas duplamente encadeadas

Remoção de um nó do início da lista

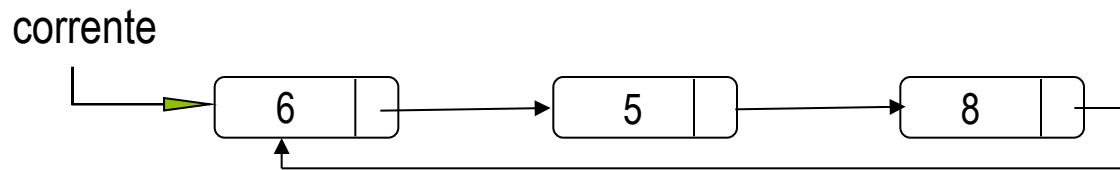
```
se (primeiro<> nulo)
    aux = topo
    primeiro= aux->prox
    se (primeiro== nulo)
        fim = nulo
    senão primeiro->prev = nulo
    valor = aux->dados
    libera (aux)
    status=verdadeiro
    retorna valor
senão
    status=falso
```

# Listas circulares

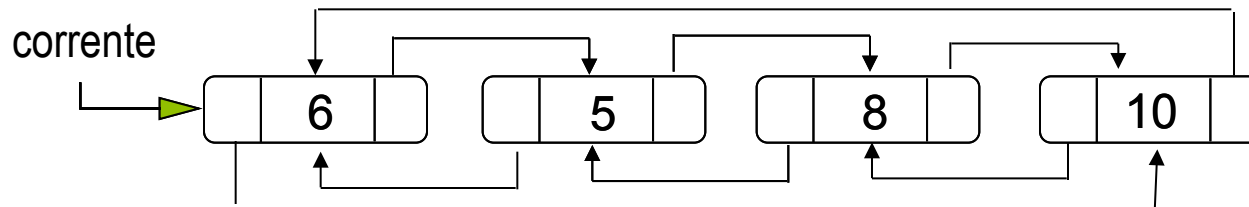
- ◆ Em uma lista circular os nós formam um anel.
  - ◆ Um exemplo da utilização das listas circulares é quando diversos processos estão usando os mesmos recursos simultaneamente.
  - ◆ Deve-se assegurar que os processos sigam uma ordem de utilização do recurso.
  - ◆ Coloca-se os recursos em uma lista circular acessíveis através do ponteiro “corrente”.
  - ◆ Depois que o processo é ativado o ponteiro se move para o próximo nó para ativar o processo seguinte.
  - ◆ Na implementação de uma lista simplesmente encadeada circular usa-se apenas um **ponteiro permanente**.

# Listas circulares

- Lista circular simplemente encadenada



- Lista circular duplamente encadenada



# Listas circulares

Inserção de um nó antes do nó corrente

```
aloca (p)
  se (p<> nulo){
    p->dados = valor
    se (corrente == nulo){
      corrente = p
      p->prox = p
    }
    senao{
      aux = corrente
      enquanto (aux->prox <> corrente) aux = aux->prox
      aux->prox=p
      p->prox=corrente
    }
  }
```

# Listas circulares

Inserção de um nó antes do nó corrente (o novo nó se torna o nó corrente)

```
aloca (p)
  se (p<> nulo){
    p->dados = valor
    se (corrente == nulo){
      corrente = p
      p->prox = p
    }
  }
  senao{
    aux = corrente
    enquanto (aux->prox <> corrente) aux = aux->prox
    aux->prox=p
    p->prox=corrente
    corrente=p
  }
}
```

# Listas circulares

Remoção do nó do corrente

```
se (corrente <> nulo){
    aux = corrente
    se (aux->prox)<> corrente{
        enquanto (aux->prox <> corrente) aux = aux->prox
        aux ->prox = corrente->prox
        valor = corrente->dados
        libera(corrente)
        corrente = aux->prox
        status=verdadeiro
        retorna valor
    }
    senão{
        valor = corrente->dados
        libera(corrente)
        corrente = nul
        status=verdadeiro
        retorna valor
    }
}
senão
    status=falso
}
```

# Listas auto-organizadas

- ◆ As listas encadeadas exigem a busca seqüencial para localizar um elemento ou descobrir que ele não está na lista.
- ◆ Pode-se melhorar a eficiência da busca organizando a lista dinamicamente.
- ◆ Existem diferentes métodos de organização de listas.
  - ◆ **Método de mover para frente:** O elemento localizado deve ser colocado no início da lista.
  - ◆ **Método da transposição:** O elemento localizado deve ser trocado com seu predecessor, exceto se ele estiver no topo da lista.
  - ◆ **Método da contagem:** A lista deve ser ordenada pelo número de vezes que os elementos são acessados.
  - ◆ **Método da ordenação:** A lista é ordenada de acordo com sua informação.
- ◆ Os três primeiros métodos permitem colocar os elementos mais prováveis de serem acessados no início da lista.
- ◆ O método da ordenação tem a **vantagem na busca de informação**,
  - ◆ sobretudo se a informação não está na lista pois a busca pode terminar sem pesquisar toda a lista.

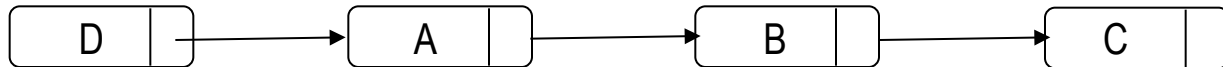


# Listas auto-organizadas

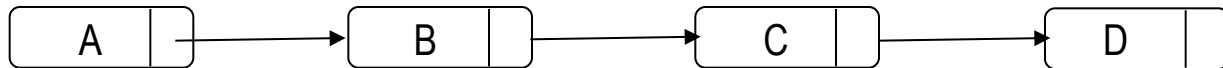
## 1. Método de mover para frente



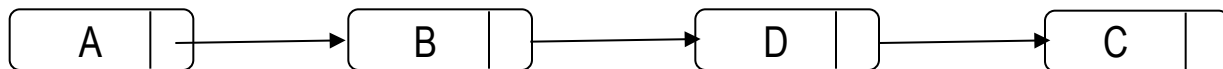
Acesso → D



## 2. Método da transposição



Acesso → D

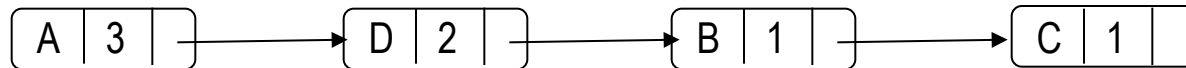


# Listas auto-organizadas

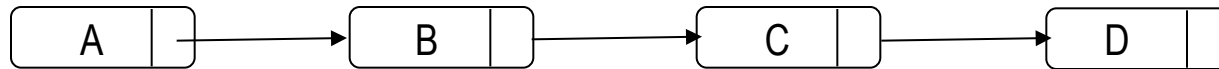
## 3. Método da contagem



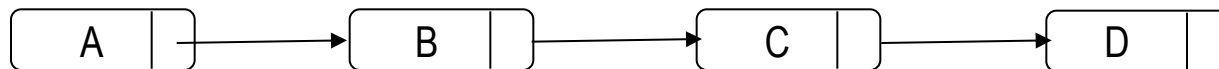
Acesso → D



## 4. Método da ordenação



Acesso → D



# Exercício

- ◆ **Faça um programa que crie uma** Lista encadeada com as seguintes funções.
  - ◆ **Inserção** de um nó no início da lista.
  - ◆ **Inserção** de um nó no fim da lista.
  - ◆ **Inserção** de um nó antes de um nó endereçado por  $k$ .